

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Тамбовский государственный университет имени Г.Р. Державина»  
Институт математики, физики и информационных технологий  
Кафедра функционального анализа

УТВЕРЖДАЮ:  
Директор института



Н. Л. Королева  
«21» июня 2023 г.

## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

по дисциплине Б1.О.25 Алгебраические структуры

Направление подготовки/специальность: 01.03.01 - Математика

Профиль/направленность/специализация: Дифференциальные уравнения,  
динамические системы и оптимальное управление

Уровень высшего образования: бакалавриат

Квалификация: Бакалавр

год набора: 2021

**Автор программы:**

Кандидат физико-математических наук, доцент Панасенко Елена Александровна

Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.01 - Математика (уровень бакалавриата) (приказ Министерства образования и науки РФ от «10» января 2018 г. № 8).

Рабочая программа принята на заседании Кафедры функционального анализа «14» июня 2023 г. Протокол № 9

Рассмотрена и одобрена на заседании Ученого совета Института математики, физики и информационных технологий, Протокол от «21» июня 2023 г. № 3.

## СОДЕРЖАНИЕ

1. Цели и задачи дисциплины.....	4
2. Место дисциплины в структуре ОП Бакалавриата.....	5
3. Объем и содержание дисциплины.....	5
4. Контроль знаний обучающихся и типовые оценочные средства.....	10
5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).....	16
6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины.....	17
7. Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы.....	18

## 1. Цели и задачи дисциплины

### 1.1 Цель дисциплины – формирование компетенций:

ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности

### 1.2 Типы задач профессиональной деятельности, к которым готовятся обучающиеся в рамках освоения дисциплины:

- научно-исследовательский
- педагогический

1.3 Дисциплина ориентирована на подготовку обучающихся к профессиональной деятельности в сферах: 01 Образование и наука (в сфере общего, профессионального и дополнительного профессионального образования; в сфере научных исследований), 40 Сквозные виды профессиональной деятельности в промышленности (в сфере научно-исследовательских и опытноконструкторских разработок)

### 1.4 В результате освоения дисциплины у обучающихся должны быть сформированы:

Обобщенные трудовые функции / трудовые функции / трудовые или профессиональные действия (при наличии профстандарта)	Код и наименование компетенции ФГОС ВО, необходимой для формирования трудового или профессионального действия	Индикаторы достижения компетенций
	ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	Анализирует поставленную задачу, строит типовую математическую модель конкретного изучаемого явления

### 1.5 Согласование междисциплинарных связей дисциплин, обеспечивающих освоение компетенций:

ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности

№ п/п	Наименование дисциплин, определяющих междисциплинарные связи	Форма обучения						
		Очная (семестр)						
		1	2	3	4	5	6	7
1	Аналитическая геометрия	+	+					
2	Введение в математический анализ	+	+	+				
3	Линейная алгебра и геометрия			+	+	+		
4	Математический анализ				+	+		

5	Научно-исследовательская работа (получение первичных навыков научно-исследовательской работы)				+			
6	Основы высшей алгебры		+					
7	Теория функций вещественного переменного						+	
8	Теория функций комплексного переменного							+
9	Теория чисел			+				
10	Функциональный анализ						+	

## 2. Место дисциплины в структуре ОП бакалавриата:

Дисциплина «Алгебраические структуры» относится к части, формируемой участниками образовательных отношений, учебного плана ОП по направлению подготовки 01.03.01 - Математика.

Дисциплина «Алгебраические структуры» изучается в 3, 4 семестрах.

## 3. Объем и содержание дисциплины

3.1. Объем дисциплины: 9 з.е.

Очная: 9 з.е.

Вид учебной работы	Очная (всего часов)
<b>Общая трудоёмкость дисциплины</b>	<b>324</b>
Контактная работа	104
Лекции (Лекции)	44
Практические (Практ. раб.)	60
Самостоятельная работа (СР)	148
Экзамен	72

## 3.2. Содержание курса:

№ темы	Название раздела/темы	Вид учебной работы, час.			Формы текущего контроля
		Лек ции	Пра кт. раб.	СР	
		О	О	О	
3 семестр					
1	Алгебраические системы. Группы	8	16	30	Выполнение практических заданий; Контрольная работа; Опрос

2	Кольца и поля	8	16	30	Выполнение практических заданий; Контрольная работа; Опрос
4 семестр					
3	Кольцо многочленов от одной переменной	8	8	22	Выполнение практических заданий; Контрольная работа
4	Кольцо многочленов от нескольких переменных. Симметрические многочлены	8	8	22	Выполнение практических заданий
5	Многочлены над полями комплексных и действительных чисел	6	6	22	Выполнение практических заданий
6	Многочлены над полем рациональных чисел	6	6	22	Выполнение практических заданий; Контрольная работа

## Тема 1. Алгебраические системы. Группы

### (ОПК-1)

#### Лекция.

Бинарные операции на множествах. Свойства. Нейтральные и обратные элементы. Обратимые операции. Алгебраические системы. Гомоморфные и изоморфные отображения систем. Полугруппы. Группы. Подгруппы. Циклические группы. Отображения групп. Конечные группы. Таблицы Кэли умножения групп. Теорема Кэли. Смежные классы по подгруппе. Теорема Лагранжа. Фактор-группа по нормальному делителю. Теорема о гомоморфизме групп. Ядро гомоморфизма.

#### Практическое занятие.

Занятие проводится в форме семинара и включает: решение задач и упражнений по образцу; решение вариативных задач и упражнений.

1. Доказать, что на некотором множестве бинарная операция, заданная формулой  $a \cdot b = ab$ , некоммукативна, но ассоциативна.
2. Доказать, что действие, выполняемое по правилу  $a \cdot b = a + b$ , является коммутативной, но не ассоциативной операцией на  $\mathbb{Z}$ .
3. Доказать, что:

- а) изоморфно ; б) изоморфно .
4. Является ли множество чисел вида , где , группой относительно сложения (проверить все аксиомы группы)?
5. Является ли множество матриц вида , где , группой относительно умножения (проверить все аксиомы группы)?
6. Доказать, что множество целых степеней числа является подгруппой мультипликативной группы рациональных чисел, отличных от нуля. Является ли эта подгруппа циклической? Укажите все образующие элементы этой группы.
7. Доказать, что множество целых чисел, кратных числу , является подгруппой аддитивной группы целых четных чисел. Является ли эта подгруппа циклической? Укажите все образующие элементы этой группы.
- 1 8. Найти все подгруппы в аддитивной группе классов вычетов . Является ли эта группа циклической? Если «да», то укажите все образующие элементы этой группы.
- а) ; б) ; в) ; г) ; д) .

### **Задания для самостоятельной работы.**

- 1 Изоморфизм циклических групп одного порядка. Верно ли, что любые две группы одного порядка изоморфны?
- 2 Группы самосовмещений правильного  $n$ -угольника, их циклические подгруппы.
- 3 Доказательство теоремы Кэли.
- 4 Углубленное изучение материалов темы.
- 5 Решение задач.

## **Тема 2. Кольца и поля (ОПК-1)**

### **Лекция.**

Понятие кольца. Простейшие свойства колец. Подкольцо. Гомоморфизмы колец. Типы колец. Делители нуля в кольце. Область целостности. Понятие поля. Свойства полей. Характеристика поля. Изоморфизмы полей. Примеры колец, полей. Кольцо классов вычетов. Поле  $\mathbb{Z}_p$ . Поле комплексных чисел. Геометрическое истолкование действий с комплексными числами.

### **Практическое занятие.**

Занятие проводится в форме семинара и включает: решение задач и упражнений по образцу; решение вариативных задач и упражнений.

Некоторые типовые задания.

1. Являются ли кольцами следующие системы. Если «да», то каковы свойства этих колец (коммутативность, наличие 1, целостность, является ли полем):
  - а) множество рациональных чисел, в несократимой записи которых знаменатель не делится на 5;
  - б) множество функций, определенных и дифференцируемых на всей числовой прямой с обычными операциями сложения и умножения;
  - в) множество вещественных ортогональных матриц второго порядка с обычным сложением и умножением матриц.
2. Может ли подкольцо поля не быть полем? Может ли быть полем подкольцо кольца, которое само не является полем?
3. Может ли подкольцо поля не быть полем? Может ли быть полем подкольцо кольца, которое само не является полем?
4. Двум соседним вершинам квадрата соответствуют конкретные комплексные числа. Найти комплексное число, соответствующее точке пересечения диагоналей.
5. Двум противоположным вершинам квадрата соответствуют конкретные комплексные числа. Найти комплексные числа, соответствующие двум оставшимся вершинам.

**Задания для самостоятельной работы.**

- 1 Доказать, что в конечном кольце без делителей нуля есть 1.
- 2 Доказать, что делитель нуля в кольце не может быть обратимым элементом.
- 3 Доказать, что все обратимые элементы кольца с 1 образуют мультипликативную группу.
- 4 Доказать, что конечное целостное кольцо является полем.
- 5 Углубленное изучение материалов темы.

**Тема 3. Кольцо многочленов от одной переменной (ОПК-1)****Лекция.**

Кольцо многочленов над целостным кольцом от одной переменной  $x$ . Алгебраическая и функциональная точки зрения на многочлен. Понятие алгебраического и трансцендентного элементов. Деление с остатком в кольце. Схема Горнера. Отношение делимости в кольцах. Неразложимые элементы кольца. Факториальные кольца. Условие однозначности разложения любого элемента кольца на простые множители. НОД и НОК в кольцах. Свойства НОД и НОК. Теорема о НОД и НОК в факториальных кольцах. Евклидово кольцо. НОД и НОК в евклидовых кольцах. Алгоритм Евклида. Факториальность кольца многочленов над полем. Теорема о бесконечности множества неприводимых многочленов в. Примитивные многочлены. Теорема Гаусса о содержании произведения многочленов. Критерий неприводимости Эйзенштейна в кольце.

**Практическое занятие.**

Занятие проводится в форме семинара и включает: решение задач и упражнений по образцу; решение вариативных задач и упражнений.

- 1 2. В кольце найдите НОД и НОК многочленов:
  - а) б)
- 1 3. С помощью алгоритма Евклида найдите линейное выражение НОД двух многочленов из :
  - а) б)
- 1 4. Разделите с остатком многочлен на :
  - а)
  - б)
- 1 5. С помощью схемы Горнера разложить многочлен по степеням и найти значения его производных в точке .
- 2 6. Найдите делитель , если известны делимое , частное и остаток в кольце :
  - а)
  - б)
- 1 7. Найдите значения и , при которых многочлен делится на многочлен :
  - а) б)
- 1 8. При каких значениях многочлен делится на ?
- 2 9. Используя схему Горнера, найдите
  - а) б)

**Задания для самостоятельной работы.**

- 1 Поле отношений целостного кольца.
- 2 Поле рациональных дробей.
- 3 Простейшие дроби.
- 4 Углубленное изучение материалов темы.

**Тема 4. Кольцо многочленов от нескольких переменных.****Симметрические многочлены  
(ОПК-1)****Лекция.**



Кольцо многочленов от нескольких переменных. Теорема о целостности кольца. Однородные многочлены. Кольцо симметрических многочленов. Основная теорема о симметрических многочленах. Результат. Теорема о равенстве нулю результата двух многочленов. Результат многочленов, раскладывающихся на линейные множители.

### Практическое занятие.

Занятие проводится в форме семинара и включает: решение задач и упражнений по образцу; решение вариативных задач и упражнений.

Некоторые типовые задания.

1. Выразить через элементарные симметрические многочлены
2. Найти значение симметрического многочлена от корней многочлена
3. Найти значение симметрического многочлена от корней многочлена
4. Вычислить, где - корни уравнения.
5. Пусть, - корни трехчлена, чему равно?

### Задания для самостоятельной работы.

- 1 Симметрические многочлены в комбинаторике. Многочлены Шура.
- 2 Комбинаторное описание многочленов Шура. Таблицы Юнга.
- 3 Соответствие Робинсона-Шенстеда-Кнута.

## Тема 5. Многочлены над полями комплексных и действительных чисел

### (ОПК-1)

#### Лекция.

Алгебраически замкнутые поля. Основная теорема алгебры. Поле комплексных чисел. Геометрическое истолкование действий с комплексными числами. Возведение в степень и извлечение корня в поле комплексных чисел. Многочлены с комплексными коэффициентами. Многочлены с вещественными коэффициентами. Разложение многочлена на неприводимые множители в. Простейшие дроби над полями действительных и комплексных чисел. Уравнение третьей степени. Исследование корней уравнения третьей степени с действительными коэффициентами. Уравнение четвертой степени. Метод Феррари. Проблема локализации корней многочлена. Система полиномов Штурма. Теорема Штурма.

### Практическое занятие.

Занятие проводится в форме семинара и включает: решение задач и упражнений по образцу; решение вариативных задач и упражнений.

Некоторые типовые задания.

1. Найти нормализованный многочлен наименьшей степени с действительными коэффициентами, имеющий:
  - а) простые корни и корень кратности 2;
  - г) простой корень, корень кратности 2 и корень кратности 3.
2. Разложить на неприводимые множители над полями многочлен:
  - а) ; б) ; в) ; г) .

3. При каких значениях  $a$  многочлен имеет кратный множитель?
4. Решите уравнение:
  - а) б)
5. Найдите рациональные корни многочлена:
  - а)
  - б)
6. Зная, что число является корнем многочлена найдите остальные его корни.
7. Определите значения буквенных коэффициентов многочлена так, чтобы число было его корнем кратности не ниже 2.

#### **Задания для самостоятельной работы.**

1. Докажите, что конечное поле не может быть алгебраически замкнутым.
2. Найдите все многочлены третьей степени, неприводимые над полем .
3. Найдите все многочлены второй степени, неприводимые над полем .
  - 1 4. Известно, что числа являются корнями многочлена Найдите многочлен, имеющий корнями числа:
  - 2 5. Известно, что числа являются корнями многочлена Найдите многочлен, имеющий корнями числа:

### **Тема 6. Многочлены над полем рациональных чисел (ОПК-1)**

#### **Лекция.**

Теорема Эйзенштейна (критерий неприводимости в ). Алгебраические и трансцендентные элементы. Алгебраические и трансцендентные числа. Простое алгебраическое расширение поля. Минимальный многочлен алгебраического элемента. Строение простого алгебраического расширения поля. Освобождение от алгебраической иррациональности в знаменателе дроби. Конечное расширение поля. Простота составного алгебраического расширения поля. Поле алгебраических чисел. Алгебраическая замкнутость поля алгебраических чисел. Условия разрешимости уравнения третьей степени в квадратных радикалах.

#### **Практическое занятие.**

Занятие проводится в форме семинара и включает: решение задач и упражнений по образцу; решение вариативных задач и упражнений.

Некоторые типовые задания.

1. Доказать неприводимость над полем рациональных чисел многочлена:
  - а) б) в)
2. Разложить на неприводимые множители над полями многочлен:
  - а) ; б)
3. Доказать, что:
  - а) многочлен не имеет рациональных корней;
  - б) многочлен не имеет рациональных корней.
4. Найти неизвестный коэффициент многочлена , если известно, что его корни образуют арифметическую прогрессию.
5. Докажите, что число является алгебраическим над полем  $\mathbb{Q}$ .

#### **Задания для самостоятельной работы.**

Углубленное изучение материалов темы.

Решение задач.

### **4. Контроль знаний обучающихся и типовые оценочные средства**

#### **4.1. Распределение баллов:**

- посещаемость – 10 баллов
- текущий контроль – 40 баллов
- контрольные срезы – 2 среза по 10 баллов каждый
- премиальные баллы – 20 баллов
- ответ на экзамене: не более 30 баллов

Распределение баллов по заданиям:

№ те мы	Название темы / вид учебной работы	Формы текущего контроля / срезы	Мах. кол-во баллов	Методика проведения занятия и оценки
1.	Алгебраические системы. Группы	Выполнение практических заданий	15	3 балла – задача решена верно, метод выбран наиболее рационально, студент грамотно отвечает на все поставленные преподавателем вопросы; 2 балла – задача решена верно, но при этом использован не самый рациональный метод (или студент неуверенно отвечает на поставленные вопросы, ошибается, но сам себя исправляет); 1 балл – студент может правильно решить задачу только с помощью наводящих вопросов преподавателя, но в процессе работы осваивает нужный учебный материал; 0 баллов – студент не может привести решение задачи и не может ответить на наводящие вопросы преподавателя и обнаруживает полную неподготовленность по изучаемой тематике.
		<b>Контрольная работа(контрольный срез)</b>	10	Самостоятельное выполнение заданий по индивидуальным билетам, содержащим 5 заданий. Каждое задание оценивается в 2 балла
		Опрос	5	5 баллов за участие в теоретическом опросе
2.	Кольца и поля	Выполнение практических заданий	15	3 балла – задача решена верно, метод выбран наиболее рационально, студент грамотно отвечает на все поставленные преподавателем вопросы; 2 балла – задача решена верно, но при этом использован не самый рациональный метод (или студент неуверенно отвечает на поставленные вопросы, ошибается, но сам себя исправляет); 1 балл – студент может правильно решить задачу только с помощью наводящих вопросов преподавателя, но в процессе работы осваивает нужный учебный материал; 0 баллов – студент не может привести решение задачи и не может ответить на наводящие вопросы преподавателя и обнаруживает полную неподготовленность по изучаемой тематике.
		<b>Контрольная работа(контрольный срез)</b>	10	Самостоятельное выполнение заданий по индивидуальным билетам, содержащим 5 заданий. Каждое задание оценивается в 2 балла
		Опрос	5	5 баллов за участие в теоретическом опросе
3.	Посещаемость		10	10 баллов за отсутствие пропусков занятий без уважительных причин и регулярное выполнение всех заданий
4.	Премиальные баллы		20	Участие в студенческих олимпиадах – 10 баллов Участие в студенческих конференциях – 10 баллов
5.	Ответ на экзамене		30	10-17 баллов – студент раскрыл основные вопросы и задания билета на оценку «удовлетворительно» 18-24 баллов – студент раскрыл основные вопросы и задания билета на оценку «хорошо», 25-30 баллов – студент раскрыл основные вопросы и задания билета на оценку «отлично».

6.	Индивидуальные задания, с помощью которых можно набрать дополнительные баллы	50	Добор баллов: студент может предоставить все задания текущего контроля и задания контрольных срезов
7.	Итого за семестр	100	

## 4 семестр

- посещаемость – 10 баллов
- текущий контроль – 40 баллов
- контрольные срезы – 2 среза по 10 баллов каждый
- премиальные баллы – 20 баллов
- ответ на экзамене: не более 30 баллов

## Распределение баллов по заданиям:

№ те мы	Название темы / вид учебной работы	Формы текущего контроля / срезы	Мак. кол-во баллов	Методика проведения занятия и оценки
1.	Кольцо многочленов от одной переменной	Выполнение практических заданий	15	3 балла – задача решена верно, метод выбран наиболее рационально, студент грамотно отвечает на все поставленные преподавателем вопросы; 2 балла – задача решена верно, но при этом использован не самый рациональный метод (или студент неуверенно отвечает на поставленные вопросы, ошибается, но сам себя исправляет); 1 балл – студент может правильно решить задачу только с помощью наводящих вопросов преподавателя, но в процессе работы осваивает нужный учебный материал; 0 баллов – студент не может привести решение задачи и не может ответить на наводящие вопросы преподавателя и обнаруживает полную неподготовленность по изучаемой тематике.
		<b>Контрольная работа(контрольный срез)</b>	10	Самостоятельное выполнение заданий по индивидуальным билетам, содержащим 5 заданий. Каждое задание оценивается в 2 балла
2.	Кольцо многочленов от нескольких переменных. Симметрические многочлены	Выполнение практических заданий	10	3 балла – задача решена верно, метод выбран наиболее рационально, студент грамотно отвечает на все поставленные преподавателем вопросы; 2 балла – задача решена верно, но при этом использован не самый рациональный метод (или студент неуверенно отвечает на поставленные вопросы, ошибается, но сам себя исправляет); 1 балл – студент может правильно решить задачу только с помощью наводящих вопросов преподавателя, но в процессе работы осваивает нужный учебный материал; 0 баллов – студент не может привести решение задачи и не может ответить на наводящие вопросы преподавателя и обнаруживает полную неподготовленность по изучаемой тематике.

3.	Многочлены над полями комплексных и действительных чисел	Выполнение практических заданий	10	3 балла – задача решена верно, метод выбран наиболее рационально, студент грамотно отвечает на все поставленные преподавателем вопросы; 2 балла – задача решена верно, но при этом использован не самый рациональный метод (или студент неуверенно отвечает на поставленные вопросы, ошибается, но сам себя исправляет); 1 балл – студент может правильно решить задачу только с помощью наводящих вопросов преподавателя, но в процессе работы осваивает нужный учебный материал; 0 баллов – студент не может привести решение задачи и не может ответить на наводящие вопросы преподавателя и обнаруживает полную неподготовленность по изучаемой тематике.
4.	Многочлены над полем рациональных чисел	Выполнение практических заданий	5	3 балла – задача решена верно, метод выбран наиболее рационально, студент грамотно отвечает на все поставленные преподавателем вопросы; 2 балла – задача решена верно, но при этом использован не самый рациональный метод (или студент неуверенно отвечает на поставленные вопросы, ошибается, но сам себя исправляет); 1 балл – студент может правильно решить задачу только с помощью наводящих вопросов преподавателя, но в процессе работы осваивает нужный учебный материал; 0 баллов – студент не может привести решение задачи и не может ответить на наводящие вопросы преподавателя и обнаруживает полную неподготовленность по изучаемой тематике.
		<b>Контрольная работа (контрольный срез)</b>	10	Самостоятельное выполнение заданий по индивидуальным билетам, содержащим 5 заданий. Каждое задание оценивается в 2 балла.
5.	Посещаемость		10	10 баллов за отсутствие пропусков занятий без уважительных причин и регулярное выполнение всех заданий
6.	Премияльные баллы		20	Участие в студенческих олимпиадах – 10 баллов Участие в студенческих конференциях – 10 баллов
7.	Ответ на экзамене		30	10-17 баллов – студент раскрыл основные вопросы и задания билета на оценку «удовлетворительно» 18-24 баллов – студент раскрыл основные вопросы и задания билета на оценку «хорошо», 25-30 баллов – студент раскрыл основные вопросы и задания билета на оценку «отлично».
8.	Индивидуальные задания, с помощью которых можно набрать дополнительные баллы		50	Добор баллов: студент может предоставить все задания текущего контроля и задания контрольных срезов
9.	Итого за семестр		100	

Итоговая оценка по экзамену выставляется в 100-балльной шкале и в традиционной четырехбалльной шкале. Перевод 100-балльной рейтинговой оценки по дисциплине в традиционную четырехбалльную осуществляется следующим образом:

100-балльная система	Традиционная система
85 - 100 баллов	Отлично
70 - 84 баллов	Хорошо
50 - 69 баллов	Удовлетворительно
Менее 50	Неудовлетворительно

#### 4.2 Типовые оценочные средства текущего контроля

## Выполнение практических заданий

### Тема 1. Алгебраические системы. Группы

решение задач,

### Тема 2. Кольца и поля

Решение задач

### Тема 3. Кольцо многочленов от одной переменной

Решение задач

### Тема 4. Кольцо многочленов от нескольких переменных. Симметрические многочлены

Решение задач

### Тема 5. Многочлены над полями комплексных и действительных чисел

Решение задач

### Тема 6. Многочлены над полем рациональных чисел

Решение задач

## Контрольная работа

### Тема 1. Алгебраические системы. Группы

Задания для проведения контрольной работы

### Тема 2. Кольца и поля

Задания для проведения контрольной работы

### Тема 3. Кольцо многочленов от одной переменной

Самостоятельное выполнение заданий по индивидуальным билетам,

### Тема 6. Многочлены над полем рациональных чисел

Самостоятельное выполнение заданий по индивидуальным билетам

## Опрос

### Тема 1. Алгебраические системы. Группы

Вопросы для проведения опроса

## Тема 2. Кольца и поля

## Вопросы для проведения опроса

## 4.3 Промежуточная аттестация по дисциплине проводится в форме экзамена

**Типовые вопросы экзамена (ОПК-1)****Типовые вопросы для экзамена**

- 1 Алгебраические системы. Гомоморфные и изоморфные отображения систем.
- 2 Группы. Примеры групп. Подгруппы. Теорема о конечной подгруппе.
- 3 Циклические группы.
- 4 Конечные группы. Таблицы Кэли.
- 5 Определение кольца. Простейшие свойства колец. Гомоморфизмы колец. Подкольца.
- 6 Поле. Характеристика поля.

**Типовые задания для экзамена (ОПК-1)****Типовые задания для экзамена (1 семестр)**

- 1 Определить порядок и знак заданной перестановки.
- 2 Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.
- 3 Определить, является ли заданная система арифметических векторов базисом заданного подпространства.
- 4 Определить, является ли заданная матрица невырожденной. Если да, найти обратную.
- 5 Вычислить определитель.

**Типовые задания для экзамена (2 семестр)**

- 1 Найти НОД и НОК трех заданных чисел.
- 2 Вычислить функцию Эйлера для заданного числа.
- 3 Найти полную и приведенную системы вычетов по заданному модулю.
- 4 Решить заданное сравнение.
- 5 Решить систему сравнений.

**Типовые задания для экзамена (3 семестр)**

- 1 Определить, является ли заданная алгебраическая система группой.
- 2 Определить, является ли заданная группа циклической. Если да, найти все образующие элементы.
- 3 Определить, являются ли заданные группы изоморфными.
- 4 Выяснить, является ли заданная алгебраическая система кольцом, областью целостности, полем.
- 5 Разделить многочлен на многочлен с остатком.

## 4.4. Шкала оценивания промежуточной аттестации

Оценка	Компетенции	Дескрипторы (уровни) – основные признаки освоения (показатели достижения результата)
«отлично» (85 - 100 баллов)	ОПК-1	Отлично анализирует поставленную задачу, строит типовую математическую модель конкретного изучаемого явления
«хорошо» (70 - 84 баллов)	ОПК-1	Хорошо анализирует поставленную задачу и хорошо строит типовую математическую модель конкретного изучаемого явления
«удовлетворительно» (50 - 69 баллов)	ОПК-1	Удовлетворительно анализирует поставленную задачу и строит типовую математическую модель конкретного изучаемого явления

«неудовлетворительно» (менее 50 баллов)	ОПК-1	Не умеет анализировать поставленную задачу, не может построить типовую математическую модель конкретного изучаемого явления
--------------------------------------------	-------	-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

## 5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

### 5.1 Методические указания по организации самостоятельной работы обучающихся:

Приступая к изучению дисциплины, в первую очередь обучающимся необходимо ознакомиться содержанием рабочей программы дисциплины (РПД), которая определяет содержание, объем, а также порядок изучения и преподавания учебной дисциплины, ее раздела, части.

Для самостоятельной работы важное значение имеют разделы «Объем и содержание дисциплины», «Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины» и «Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы».

В разделе «Объем и содержание дисциплины» указываются все разделы и темы изучаемой дисциплины, а также виды занятий и планируемый объем в академических часах.

В разделе «Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины» указана рекомендуемая основная и дополнительная литература.

В разделе «Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы» содержится перечень профессиональных баз данных и информационных справочных систем, необходимых для освоения дисциплины.

### 5.2 Рекомендации обучающимся по работе с теоретическими материалами по дисциплине

При изучении и проработке теоретического материала необходимо:

- просмотреть еще раз презентацию лекции в системе MOODLe, повторить законспектированный на лекционном занятии материал и дополнить его с учетом рекомендованной дополнительной литературы;
- при самостоятельном изучении теоретической темы сделать конспект, используя рекомендованные в РПД источники, профессиональные базы данных и информационные справочные системы;
- ответить на вопросы для самостоятельной работы, по теме представленные в пункте 3.2 РПД.
- при подготовке к текущему контролю использовать материалы фонда оценочных средств (ФОС).

### 5.3 Рекомендации по работе с научной и учебной литературой

Работа с основной и дополнительной литературой является главной формой самостоятельной работы и необходима при подготовке к устному опросу на семинарских занятиях, к дебатам, тестированию, экзамену. Она включает проработку лекционного материала и рекомендованных источников и литературы по тематике лекций.

Конспект лекции должен содержать реферативную запись основных вопросов лекции, в том числе с опорой на размещенные в системе MOODLe презентации, основных источников и литературы по темам, выводы по каждому вопросу. Конспект может быть выполнен в рамках распечатки выдачи презентаций лекций или в отдельной тетради по предмету. Он должен быть аккуратным, хорошо читаемым, не содержать не относящуюся к теме информацию или рисунки.

Конспекты научной литературы при самостоятельной подготовке к занятиям должны содержать ответы на каждый поставленный в теме вопрос, иметь ссылку на источник информации с обязательным указанием автора, названия и года издания используемой научной литературы. Конспект может быть опорным (содержать лишь основные ключевые позиции), но при этом позволяющим дать полный ответ по вопросу, может быть подробным. Объем конспекта определяется самим студентом.

В процессе работы с основной и дополнительной литературой студент может:

- делать записи по ходу чтения в виде простого или развернутого плана (создавать перечень основных вопросов, рассмотренных в источнике);
- составлять тезисы (цитирование наиболее важных мест статьи или монографии, короткое изложение основных мыслей автора);
- готовить аннотации (краткое обобщение основных вопросов работы);



- создавать конспекты (развернутые тезисы).

#### 5.4. Рекомендации по подготовке к отдельным заданиям текущего контроля

Собеседование предполагает организацию беседы преподавателя со студентами по вопросам практического занятия с целью более обстоятельного выявления их знаний по определенному разделу, теме, проблеме и т.п. Все члены группы могут участвовать в обсуждении, добавлять информацию, дискутировать, задавать вопросы и т.д.

Устный опрос может применяться в различных формах: фронтальный, индивидуальный, комбинированный. Основные качества устного ответа подлежащего оценке:

- правильность ответа по содержанию;
- полнота и глубина ответа;
- сознательность ответа;
- логика изложения материала;
- рациональность использованных приемов и способов решения поставленной учебной задачи;
- своевременность и эффективность использования наглядных пособий и технических средств при ответе;
- использование дополнительного материала;
- рациональность использования времени, отведенного на задание.

Устный опрос может сопровождаться презентацией, которая подготавливается по одному из вопросов практического занятия. При выступлении с презентацией необходимо обращать внимание на такие моменты как:

- содержание презентации: актуальность темы, полнота ее раскрытия, смысловое содержание, соответствие заявленной темы содержанию, соответствие методическим требованиям (цели, ссылки на ресурсы, соответствие содержания и литературы), практическая направленность, соответствие содержания заявленной форме, адекватность использования технических средств учебным задачам, последовательность и логичность презентуемого материала;
- оформление презентации: объем (оптимальное количество), дизайн (читаемость, наличие и соответствие графики и анимации, звуковое оформление, структурирование информации, соответствие заявленным требованиям), оригинальность оформления, эстетика, использование возможности программной среды, соответствие стандартам оформления;
- личностные качества: ораторские способности, соблюдение регламента, эмоциональность, умение ответить на вопросы, систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам программы;
- содержание выступления: логичность изложения материала, раскрытие темы, доступность изложения, эффективность применения средств ИКТ, способы и условия достижения результативности и эффективности для выполнения задач своей профессиональной или учебной деятельности, доказательность принимаемых решений, умение аргументировать свои заключения, выводы.

## 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 6.1 Основная литература:

1. Бондарь, В. В., Роженко, О. Д., Смирнов, А. А., Скворцова, О. И. Высшая алгебра : учебное пособие (курс лекций). - Весь срок охраны авторского права; Высшая алгебра. - Ставрополь: Северо-Кавказский федеральный университет, 2018. - 154 с. - Текст : электронный // IPR BOOKS [сайт]. - URL: <http://www.iprbookshop.ru/92679.html>
2. Кашапова Ф. Р., Кашапов И. А., Фоменко Т. Н. Высшая математика. Общая алгебра в задачах : Учебное пособие для вузов. - пер. и доп; 2-е изд.. - Москва: Юрайт, 2020. - 128 с. - Текст : электронный // ЭБС «ЮРАЙТ» [сайт]. - URL: <https://urait.ru/bcode/454116>
3. Фоменко Т. Н. Высшая математика. Общая алгебра. Элементы тензорной алгебры : Учебник и практикум для вузов. - Москва: Юрайт, 2020. - 121 с. - Текст : электронный // ЭБС «ЮРАЙТ» [сайт]. - URL: <https://urait.ru/bcode/454282>
4. Курош А.Г. Курс высшей алгебры : учебник. - 19-е изд., стер.. - СПб, М., Краснодар: Лань, 2013. - 432 с.

## 6.2 Дополнительная литература:

1. Кострикин А. И. Введение в алгебру : [в 3-х ч.]. - М.: МЦНМО, 2009
2. Кострикин А.И. Сборник задач по алгебре. - 3-е изд., испр. и доп.. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2001. - 463 с.
3. Шнеперман Л.Б. Сборник задач по алгебре и теории чисел : учеб. пособие. - Минск: Вышэйшая школа, 1982. - 223 с.
4. Кострикин А. И. Сборник задач по алгебре, I и II. Основы алгебры. Линейная алгебра и геометрия. - Москва: Физматлит, 2007. - 263 с. - Текст : электронный // ЭБС «Университетская библиотека онлайн» [сайт]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82941>
5. Кострикин А. И. Сборник задач по алгебре, III. Основные алгебраические структуры. - Москва: Физматлит, 2007. - 263 с. - Текст : электронный // ЭБС «Университетская библиотека онлайн» [сайт]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82942>
6. Фаддеев Д.К. Сборник задач по высшей алгебре, 1977. - с.
7. Дураков, Б. К. Краткий курс высшей алгебры и аналитической геометрии : учебник. - Весь срок охраны авторского права; Краткий курс высшей алгебры и аналитической геометрии. - Красноярск: Сибирский федеральный университет, 2017. - 422 с. - Текст : электронный // IPR BOOKS [сайт]. - URL: <http://www.iprbookshop.ru/84222.html>

## 6.3 Иные источники:

1. Журнал «Успехи математических наук» - [http://www.mathnet.ru/php/journal.phtml?jrnid=tmf&option\\_lang=rus](http://www.mathnet.ru/php/journal.phtml?jrnid=tmf&option_lang=rus)
2. Общероссийский математический портал - <http://www.MathNet.Ru>
3. База данных zbMath - <https://www.zbmath.org/>

## 7. Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Для проведения занятий по дисциплине необходимо следующее материально-техническое обеспечение: учебные аудитории для проведения занятий лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, помещения для самостоятельной работы.

Учебные аудитории и помещения для самостоятельной работы укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Помещения для самостоятельной работы укомплектованы компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду Университета.

Для проведения занятий лекционного типа используются наборы демонстрационного оборудования, обеспечивающие тематические иллюстрации (проектор, ноутбук, экран/ интерактивная доска).

Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

LibreOffice

Операционная система "Альт Образование"

Microsoft Windows 10

Microsoft Office Профессиональный плюс 2007

Профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

1. Научная электронная библиотека eLIBRARY.ru. – URL: <https://elibrary.ru>
2. Российская государственная библиотека. – URL: <https://www.rsl.ru>
3. Российская национальная библиотека. – URL: <http://nlr.ru>
4. Президентская библиотека имени Б.Н. Ельцина. – URL: <https://www.prilib.ru>

### **Электронная информационно-образовательная среда**

[https://auth.tsutmb.ru/authorize?response\\_type=code&client\\_id=moodle&state=xyz](https://auth.tsutmb.ru/authorize?response_type=code&client_id=moodle&state=xyz)

Взаимодействие преподавателя и студента в процессе обучения осуществляется посредством мультимедийных, гипертекстовых, сетевых, телекоммуникационных технологий, используемых в электронной информационно-образовательной среде университета.